

نوٹ: ہر سوال کے چار نمبر ہوتے ہیں، A، B، C اور D دینے گئے ہیں۔ جوابی کاپی پر ہر سوال کے سامنے دیئے گئے دائروں میں سے درست جواب کے مطابق خطیہ دائرہ کو دائرہ یا چین سے چھریں۔ ایک سے زیادہ دائروں کو پُر کرنے یا کاٹ کر پُر کرنے کی صورت میں غلطیہ جواب ظاہر ہوگا۔

- 1- The range of $R = \{(1, 3), (2, 2), (3, 1), (4, 4)\}$ is
 (1, 3, 4) (D) (1, 2, 3, 4) (C) (3, 2, 4) (B) (1, 2, 4) (A)
- 2- The third proportional of x^2 and y^2 is
 $\frac{y^2}{x^4}$ (D) $\frac{y^4}{x^2}$ (C) x^2y^2 (B) $\frac{y^2}{x^2}$ (A)
- 3- The measure of the external angle of a regular hexagon is
 $\frac{3\pi}{4}$ (D) $\frac{\pi}{6}$ (C) $\frac{\pi}{2}$ (B) $\frac{\pi}{3}$ (A)
- 4- An arc subtends a central angle of 40° , then the corresponding chord will subtend a central angle of
 80° (D) 60° (C) 40° (B) 20° (A)
- 5- An equation which remains unchanged when x is replaced by $\frac{1}{x}$ is called a/an
 reciprocal equation (B) exponential equation (A)
 quadratic equation (D) radical equation (C)
- 6- The portion of a circle between two radii and an arc is called
 perpendicular (D) chord (C) segment (B) sector (A)
- 7- The symbol for a triangle is denoted by
 \circ (D) \perp (C) Δ (B) $<$ (A)
- 8- Partial fraction of $\frac{x-2}{(x-1)(x+2)}$ are of the form
 $\frac{Ax+B}{x-1} + \frac{C}{x+2}$ (D) $\frac{A}{x-1} + \frac{Bx+C}{x+2}$ (C) $\frac{Ax}{x-1} + \frac{B}{x+2}$ (B) $\frac{A}{x-1} + \frac{B}{x+2}$ (A)
- 9- If $b^2 - 4ac < 0$, then the roots of $ax^2 + bx + c = 0$, are
 real (D) imaginary (C) rational (B) irrational (A)
- 10- Point $(-1, 4)$ lies in the quadrant
 IV (D) III (C) II (B) I (A)
- 11- $\alpha^2 + \beta^2$ is equal to
 $\alpha + \beta$ (D) $(\alpha + \beta)^2 - 2\alpha\beta$ (C) $\frac{1}{\alpha^2} + \frac{1}{\beta^2}$ (B) $\alpha^2 - \beta^2$ (A)
- 12- If $a : b = x : y$, then invertendo property is
 $\frac{b}{a} = \frac{y}{x}$ (D) $\frac{a+b}{b} = \frac{x+y}{y}$ (C) $\frac{a}{a-b} = \frac{x}{x-y}$ (B) $\frac{a}{x} = \frac{b}{y}$ (A)
- 13- The most frequent occurring observation in the data set is called
 arithmetic mean (D) harmonic mean (C) median (B) mode (A)
- 14- Tangents drawn at the ends of diameter of a circle are _____ to each other
 perpendicular (D) collinear (C) non-parallel (B) parallel (A)
- 15- $\sec^2 \theta =$ _____
 $1 - \tan^2 \theta$ (D) $1 + \cos^2 \theta$ (C) $1 + \tan^2 \theta$ (B) $1 - \sin^2 \theta$ (A)

Subjective

نوٹ: حصہ اول لازمی ہے۔ حصہ دوم میں سے تین (3) سوالات حل کیجئے۔ تمام سوال نمبر نو (9) لازمی ہے۔

Section I

2- Write short answers to any SIX questions:

(2 x 6 = 12)

2- کوئی چھ (6) سوالات کے مختصر جوابات تحریر کیجئے۔

- Define reciprocal equation.
- Write in standard form $\frac{1}{x+4} + \frac{1}{x-4} = 3$
- Define 'Synthetic Division'.
- Write the quadratic equation having the roots $3 + \sqrt{2}$, $3 - \sqrt{2}$
- Evaluate $\omega^{37} + \omega^{38} + 1$
- Without solving, find sum and product of the roots of quadratic equation $(a + b)x^2 - ax + b = 0$
- Define 'Direct Variation'.
- Find the fourth proportion to 6, 7, 8.
- Find 'x' $3x - 2 : 4 :: 2x + 3 : 7$

- سب سے متبادل مساوات کی تعریف کیجئے۔
- مساوات $\frac{1}{x+4} + \frac{1}{x-4} = 3$ کو معیاری شکل میں لکھئے۔
- "ترکیبی تقسیم" کی تعریف کیجئے۔
- $3 + \sqrt{2}$, $3 - \sqrt{2}$ دونوں والی دو درجی مساوات لکھئے۔
- $\omega^{37} + \omega^{38} + 1$ کی قیمت معلوم کیجئے۔
- دو درجی مساوات $(a + b)x^2 - ax + b = 0$ کو حل کیے بغیر اس کے ریش کا مجموعہ اور حاصل ضرب معلوم کیجئے۔
- "تغیر راست" کی تعریف کیجئے۔
- 6، 7، 8 کا چوتھا تناسب معلوم کیجئے۔
- 'x' کی قیمت معلوم کیجئے: $3x - 2 : 4 :: 2x + 3 : 7$

3- Write short answers to any SIX questions:

(2 x 6 = 12)

3- کوئی چھ (6) سوالات کے مختصر جوابات تحریر کیجئے۔

- Define fraction.
- Resolve into partial fractions $\frac{3x+3}{(x-1)(x+2)}$
- Find sets X and Y if $X \times Y = \{(a,a), (b,a), (c,a), (d,a)\}$
- If $Y = \{-2, 1, 2\}$, then make two binary relations for $Y \times Y$.
- Define range of relation.
- If $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ and $B = \{2, 4, 6, 8\}$, then prove that $A \cup B = B \cup A$
- The salaries of five teachers are as follows, find the mean salaries 11500, 12400, 15000, 14500, 14800
- Define standard deviation.
- For the following data find harmonic mean:

- کسر کی تعریف کیجئے۔
- $\frac{3x+3}{(x-1)(x+2)}$ کو جزوی کسر میں تحلیل کیجئے۔
- سٹ X اور Y معلوم کیجئے اگر $X \times Y = \{(a,a), (b,a), (c,a), (d,a)\}$
- اگر $Y = \{-2, 1, 2\}$ ہے تو $Y \times Y$ کے دو ثنائی روابط بنائے۔
- رابطہ کے رینج کی تعریف کیجئے۔
- اگر $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ اور $B = \{2, 4, 6, 8\}$ ثابت کیجئے کہ $A \cup B = B \cup A$
- پانچ اساتذہ کی تنخواہیں درج ذیل ہیں۔ انہوں کا حسابی اوسط معلوم کیجئے: 11500, 12400, 15000, 14500, 14800
- معیاری انحراف کی تعریف کیجئے۔
- درج ذیل مواد کیلئے ہم آہنگ اوسط معلوم کیجئے:

| | | | | |
|---|----|---|---|---|
| X | 12 | 5 | 8 | 4 |
|---|----|---|---|---|

4- Write short answers to any SIX questions:

(2 x 6 = 12)

4- کوئی چھ (6) سوالات کے مختصر جوابات تحریر کیجئے۔

- Define coterminal angle.
- Convert $\frac{13\pi}{16}$ into degree.
- Prove that $\cos^4 \theta - \sin^4 \theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$
- Define zero dimension.
- Define circumcircle.
- Define tangent.
- Define chord of the circle.
- Define circumangle.
- Define vertices.

- کو ٹرمینل زاویے کی تعریف کیجئے۔
- $\frac{13\pi}{16}$ کو ڈگری میں تبدیل کیجئے۔
- ثابت کیجئے کہ $\cos^4 \theta - \sin^4 \theta = \cos^2 \theta - \sin^2 \theta$
- صفری سمت کی تعریف کیجئے۔
- محاصرہ دائرہ کی تعریف کیجئے۔
- ماس کی تعریف کیجئے۔
- دائرے کے وتر کی تعریف کیجئے۔
- محاصرہ زاویے کی تعریف کیجئے۔
- راس کی تعریف کیجئے۔

5- (a) Solve: $\sqrt{x+1} + \sqrt{x-2} = \sqrt{x+6}$

(b) Solve the simultaneous equations:

$$4x^2 - 5y^2 = 6$$

$$3x^2 + y^2 = 14$$

5- (الف) $\sqrt{x+1} + \sqrt{x-2} = \sqrt{x+6}$ کو حل کیجئے۔

(ب) ہم زلات مساواتوں کو حل کیجئے۔

$$4x^2 - 5y^2 = 6$$

$$3x^2 + y^2 = 14$$

6- (a) If $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$ (a, b, c, d, e, f \neq 0), then by using K-method show that

6- (الف) اگر $\frac{a}{b} = \frac{c}{d} = \frac{e}{f}$ (a, b, c, d, e, f \neq 0) اور $\frac{a}{b}$ کو K-method استعمال کرتے ہوئے ثابت کیجئے کہ

$$\frac{a}{b} = \sqrt{\frac{a^2 + c^2 + e^2}{b^2 + d^2 + f^2}}$$

$$\frac{a}{b} = \sqrt{\frac{a^2 + c^2 + e^2}{b^2 + d^2 + f^2}}$$

(b) Resolve $\frac{7x+4}{(3x+2)(x+1)^2}$ into partial fractions.

(ب) $\frac{7x+4}{(3x+2)(x+1)^2}$ کو جزوی صورت میں لکھیں۔

7- (a) If A = {1, 2, 3, 4, 5, 6}, B = {2, 4, 6, 8} and C = {1, 4, 8}, then prove that

7- (الف) اگر $B = \{2, 4, 6, 8\}$, $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ اور $C = \{1, 4, 8\}$ تو ثابت کیجئے کہ

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

$$A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$$

(b) Find standard deviation 'S' of the set of numbers:

(ب) دیئے گئے اعداد کا اوسط اور انحراف معلوم کیجئے۔

12, 6, 7, 3, 15, 10, 18, 5

12, 6, 7, 3, 15, 10, 18, 5

8- (a) Prove that: $\frac{1 + \cos \theta}{1 - \cos \theta} = \frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta}$

8- (الف) ثابت کیجئے کہ $\frac{1 + \cos \theta}{1 - \cos \theta} = \frac{\sin \theta}{1 - \cos \theta}$

(b) Draw two circles with radii 2.5 cm and 3 cm. If their centres are 6.5 cm apart, then draw two direct common tangents.

(ب) دو دائروں کیجئے جن کے رداسی 2.5 سم اور 3 سم ہیں۔ اگر ان کے مراکز کا دوری 6.5 سم ہو تو دو راست مشترک عمودیں کھینچیں۔

9- Prove that A straight line drawn from the centre of a circle to bisect a chord (which is not a diameter) is perpendicular to the chord.

9- ثابت کیجئے کہ دائرے کے مرکز سے کسی وتر (جو قطر نہ ہو) تک جو خط عمود ہے۔

OR

OR

Prove that the measure of a central angle of a minor arc of a circle is double than that of the angle subtended by the corresponding major arc.

ثابت کیجئے کہ کسی دائرے میں کسی قوس منفرستہ سے بننے والا مرکزی زاویہ منفرستہ قوس کے منفرستہ زاویے کے دو گنا ہوتا ہے۔

1. ہر سوال کے چار ممکنہ جوابات A، B، C اور D دیے گئے ہیں۔ جوابی کارٹی پر ہر سوال کے سامنے دیے گئے دائروں میں سے درست جواب کے مطابق صحیح دائرہ کو مارکر پائین سے بحر دیکھئے۔ ایک سے زیادہ دائروں کو پُر کرنے یا کاٹ کر پُر کرنے کی صورت میں مذکورہ جواب غلط تصور ہوگا۔

- 1- 1- The number of terms in a standard quadratic equation $ax^2 + bx + c = 0$ is _____
- 1 (A) 2 (B) 3 (C) 4 (D)
- 2- Cube roots of '-1' are _____
- 1, - ω , - ω^2 (D) -1, - ω , ω^2 (C) -1, ω , - ω^2 (B) -1, - ω , - ω^2 (A)
- 3- $\frac{1}{a} + \frac{1}{\beta}$ is equal to _____
- $\frac{a+\beta}{a\beta}$ (D) $\frac{a-\beta}{a\beta}$ (C) $\frac{1}{a} - \frac{1}{\beta}$ (B) $\frac{1}{a}$ (A)
- 4- Find 'x' in proportion 4 : x :: 5 : 15
- 12 (D) $\frac{3}{4}$ (C) $\frac{4}{3}$ (B) $\frac{75}{4}$ (A)
- 5- In a proportion a : b :: c : d 'a' and 'd' are called _____
- extremes طرفین (B) means وسطیں (A)
- fourth proportional چوتھا تناسب (D) third proportional تیسرا تناسب (C)
- 6- $\frac{x^3+1}{(x-1)(x+2)}$ is _____
- an improper fraction غیر مناسب کسر (B) a proper fraction مناسب کسر (A)
- a constant term مستقل رقم (D) an identity مماثلت (C)
- 7- A set with no element is called _____
- supper set فوقی سیٹ (D) singleton set تکا سیٹ (C) sub set ذیلی سیٹ (B) empty set خالی سیٹ (A)
- 8- The number of elements in power set {1, 2, 3} is _____
- 8 (D) 9 (C) 6 (B) 4 (A)
- 9- Sum of the deviations of the variable 'X' from its mean is always _____
- 2 (D) same ایک جیسا (C) 1 (B) zero صفر (A)
- 10- The union of two non-collinear rays which have common end point is called _____
- a radian رادیان (D) a minute منٹ (C) a degree ڈگری (B) an angle زاویہ (A)
- 11- Radii of a circle are _____
- all un-equal تمام غیر برابر (B) all equal تمام برابر (A)
- half of any chord کسی بھی وتر سے آدھے (D) double of the diameter قطر سے دوگنا (C)
- 12- A line which has two points in common with a circle is called _____
- cosine of a circle دائرے کا cosine (B) sine of a circle دائرے کا sine (A)
- secant of a circle دائرے کا secant (D) tangent of a circle دائرے کا tangent (C)
- 13- The arcs opposite to incongruent central angles of a circle are always _____
- perpendicular 90° (D) parallel متوازی (C) incongruent غیر متماثل (B) congruent متماثل (A)
- 14- The circumference of a circle is called _____
- diameter قطر (D) boundary سرحد (C) segment قطعہ (B) chord وتر (A)
- 15- The length of a diameter of a circle is _____ times the radius of the circle.
- 4 (D) 3 (C) 2 (B) 1 (A)

نوٹ: حصہ اول لازمی ہے۔ حصہ دوم میں سے تین (3) سوالات حل کیجئے۔ تاہم سوال نمبر نو (9) لازمی ہے۔

Section I

2. Write short answers to any SIX questions:

(2 x 6 = 12)

- Solve $x^2 - 11x = 152$ by factorization.
- Solve $5x^2 = 30x$ by factorization.
- Evaluate $\omega^{37} + \omega^{38} - 5$
- If α, β are the roots of the equation $4x^2 - 5x + 6 = 0$, then find the value of $\alpha^2 \beta^2$
- Write the quadratic equation having roots $1+i, 1-i$
- Define synthetic division.
- Find the value of p if the ratios $2p+5 : 3p+4$ and $3 : 4$ are equal.
- If $y \propto \frac{1}{x}$ and $y = 4$ when $x = 3$, find x when $y = 24$

2۔ کوئی چھ (6) سوالات کے مختصر جوابات تحریر کیجئے۔

i۔ $x^2 - 11x = 152$ کو بذریعہ تجزیہ حل کیجئے۔

ii۔ $5x^2 = 30x$ کو بذریعہ تجزیہ حل کیجئے۔

iii۔ $\omega^{37} + \omega^{38} - 5$ کی قیمت معلوم کیجئے۔

iv۔ اگر α, β مساوات $4x^2 - 5x + 6 = 0$ کے ریشوں کے ریشوں ہوں تو $\alpha^2 \beta^2$ کی قیمت معلوم کیجئے۔

v۔ $1+i, 1-i$ ریشوں والی دو درجی مساوات لکھیے۔

vi۔ ترکیبی تقسیم کی تعریف کیجئے۔

vii۔ p کی قیمت معلوم کیجئے اگر نسبتیں $2p+5 : 3p+4$ اور $3 : 4$ برابر ہوں۔

viii۔ اگر $y \propto \frac{1}{x}$ اور $y = 4$ جب $x = 3$ ہو تو x معلوم کیجئے جبکہ $y = 24$

ix۔ 20 اور 45 کا وسطی تناسب معلوم کیجئے۔

3۔ کوئی چھ (6) سوالات کے مختصر جوابات تحریر کیجئے۔

3. Write short answers to any SIX questions:

(2 x 6 = 12)

- Resolve into partial fractions $\frac{3x+3}{(x-1)(x+2)}$
- Define identity.
- If $A = \{0, 2, 4\}$, $B = \{-1, 3\}$, then find $A \times A$ and $B \times B$.
- Define intersection of sets.
- If $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ and $B = \{2, 4, 5, 6, 8\}$, then find $A \cap B$ and $A \cup B$
- Write De-Morgan's laws.
- Define moving averages.
- Find geometric mean of the observations 2, 4, 8 by using basic formula.
- The marks of seven students in mathematics are 45, 60, 74, 58, 65, 63, 49. Calculate arithmetic mean.

i۔ $\frac{3x+3}{(x-1)(x+2)}$ کو تجزیہ کر کے کسور میں تبدیل کیجئے۔

ii۔ شناخت کی تعریف کیجئے۔

iii۔ اگر $A = \{0, 2, 4\}$ اور $B = \{-1, 3\}$ ہو تو $A \times A$ اور $B \times B$ معلوم کیجئے۔

iv۔ دو مجموعوں کے تقاطع کی تعریف کیجئے۔

v۔ اگر $A = \{1, 2, 3, 4, 5\}$ اور $B = \{2, 4, 5, 6, 8\}$ ہو تو $A \cap B$ اور $A \cup B$ معلوم کیجئے۔

vi۔ ڈی مورگان کے قوانین لکھیے۔

vii۔ متحرک اوسط کی تعریف کیجئے۔

viii۔ مشاہدات 2, 4, 8 کے جیومیٹرک اوسط کی عدد سے آٹھویں اوسط معلوم کیجئے۔

ix۔ سات طالب علموں نے ریاضی میں 49, 63, 65, 58, 74, 60, 45 نمبرز حاصل کیے۔ حسابی اوسط معلوم کیجئے۔

4. Write short answers to any SIX questions:

(2 x 6 = 12)

- Define 'Coterminal Angle'.
- Convert $\frac{13\pi}{6}$ radian to degree measure.
- Prove that $\frac{\sin \theta + \cos \theta}{\cos \theta} = 1 + \tan \theta$
- Define 'Right Angle'.
- What is major arc of a circle?
- Define secant.
- Define segment of a circle.
- Define 'Chord of a Circle'.
- Define 'Polygon'.

4۔ کوئی چھ (6) سوالات کے مختصر جوابات تحریر کیجئے۔

i۔ "کوٹرمینل زاویے" کی تعریف کیجئے۔

ii۔ $\frac{13\pi}{6}$ کو ڈگری میں تبدیل کیجئے۔

iii۔ ثابت کیجئے کہ $\frac{\sin \theta + \cos \theta}{\cos \theta} = 1 + \tan \theta$

iv۔ "سیدھا زاویہ" کی تعریف کیجئے۔

v۔ دائرے کی قوس کبیرہ کیا ہے؟

vi۔ مماس خط کی تعریف کیجئے۔

vii۔ قطعہ دائرہ کی تعریف کیجئے۔

viii۔ "دائرے کا وتر" کی تعریف کیجئے۔

ix۔ کثیرالاضلاع کی تعریف کیجئے۔

5- (a) Solve the equation $5x^{\frac{1}{2}} = 7x^{\frac{1}{4}} - 2$

(b) Prove that $x^3 + y^3 = (x+y)(x+\omega y)(x+\omega^2 y)$

6- (a) Using theorem of componendo-dividendo, find the value of $\frac{x+2y}{x-2y} + \frac{x+2z}{x-2z}$ if $x = \frac{4yz}{y+z}$

5- (الف) مساوات کو حل کیجئے۔

(ب) $x^3 + y^3 = (x+y)(x+\omega y)(x+\omega^2 y)$ کو ثابت کیجئے۔

6- (الف) مسئلہ ترکیب و تفصیل نسبت استعمال کرتے ہوئے $\frac{x+2y}{x-2y} + \frac{x+2z}{x-2z}$ کی قیمت معلوم کیجئے اگر $x = \frac{4yz}{y+z}$ ہو۔

(b) Resolve $\frac{7x+4}{(3x+2)(x+1)^2}$ into partial fractions.

7- (a) If $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$, $B = \{2, 4, 6, 8\}$ and $C = \{1, 4, 8\}$, then prove that

$$A \cap (B \cup C) = A \cap B \cup (A \cap C)$$

(b) The marks of seven students in mathematics are as follows. Determine variance:

| Students | طالب علم | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 |
|----------|----------|----|----|----|----|----|----|----|
| Marks | نمبرز | 45 | 60 | 74 | 58 | 65 | 63 | 49 |

8- (a) Verify that $\frac{1 + \sin \theta}{1 - \sin \theta} - \frac{1 - \sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4 \tan \theta \sec \theta$

(b) Inscribe a circle in an equilateral triangle ABC with each side of length 5 cm.

9- Prove that, two chords of a circle which are equidistant from the centre, are congruent.

OR

Prove that, the measure of a central angle of a minor arc of a circle, is double that of the angle subtended by the corresponding major arc.

(ب) $\frac{7x+4}{(3x+2)(x+1)^2}$ کو جزوی کسر میں تحلیل کیجئے۔

7- (الف) اگر $B = \{2, 4, 6, 8\}$ ، $A = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ اور $C = \{1, 4, 8\}$ ہو تو ثابت کیجئے کہ

$$A \cap (B \cup C) = A \cap B \cup (A \cap C)$$

(ب) سات طالب علموں کے ریاضی میں حاصل کردہ نمبرز درج ذیل ہیں۔
تفصیلاً معلوم کیجئے۔

8- (الف) ثابت کیجئے کہ $\frac{1 + \sin \theta}{1 - \sin \theta} - \frac{1 - \sin \theta}{1 + \sin \theta} = 4 \tan \theta \sec \theta$

(ب) مساوی الاضلاع مثلث ABC کا محصور دائرہ بنائیے جب کہ اس کے ہر ضلع کی لمبائی 5 سم ہو۔

9- ثابت کیجئے کہ دائرے کے دو جزو جو مرکز سے مساوی انفاصلہ ہوں انہیں متساوی ہوتے ہیں۔

یا

ثابت کیجئے کہ کسی دائرے میں قوس منفرہ سے بننے والا مرکزی زاویہ مقدار میں اپنی متعلقہ قوس کے محصور زاویے سے دوگنا ہوتا ہے۔